

PRŮSEČÍK PŘÍMKY S ROVINOU

A4 na výšku

1.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,4,2]$, $B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(5,00,8)$.

A4 na výšku

2.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,4,2]$, $B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,00)$.

A4 na výšku

3.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,4,0]$, $B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(00,5,4)$.

A4 na výšku

4.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,0,2]$, $B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,3)$.

A5 na šířku

5.) MP 0[15,7.5]

Zobrazte průsečík přímky p (P náleží p , p je rovnoběžná s x) $P[3,3,1.5]$, s rovinou $\alpha(-2,-3,1)$.

A4 na výšku

6.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,4,2]$, $B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(00,5,6)$.

A4 na výšku

7.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,4,2]$, $B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,3)$.

A5 na šířku

8.) MP 0[15,7.5]

Zobrazte průsečík přímky $p = PQ$, $P[0,2,6]$, $Q[-4,3,3]$, s rovinou $\alpha(A,x)$, $A[4,6,4]$.

A4 na výšku

9.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,4,2]$, $B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(00,5,6)$.

A4 na výšku

10.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB, A[-8,4,2], B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,3)$.

A4 na výšku

11.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB, A[-2,7,2], B[-2,4,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,3)$.

A4 na výšku

12.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB, A[-2,7,4], B[-2,4,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,9)$.

A5 na šířku

13.) MP 0[15,7,5]

Zobrazte průsečík přímky $p = PQ$, $P[0,2,6]$, $Q[0,3,3]$, s rovinou $\alpha(A,x)$, $A[4,6,4]$.

A5 na šířku

14.) MP 0[15,7,5]

Zobrazte průsečík přímky p , P náleží p , p je kolmá k půdorysně, $P[0,2,6]$, s rovinou $\alpha(A,x)$, $A[4,6,4]$.

A5 na šířku

15.) MP 0[10.5,7.5]

Zobrazte průsečík přímky $p = PQ$, $P[3,3,2]$, $Q[0,6,4.5]$, s rovinou $\alpha(a,b)$, $a = AB$, $b = BC$, $A[6,5,4]$, $B[0,3,6]$, $C[-4,4,4]$.

A5 na šířku

16.) MP 0[10.5,7.5]

Zobrazte průsečík přímky $p = PQ$, $P[3,4,3]$, $Q[-3,1,5]$, a rovnoběžníka ABCD, $A[0,1,7]$, $B[-3,6,2]$, $C[0,6,0]$. Stanovte viditelnost v půdoryse a náryse.

A5 na šířku

17.) MP 0[10.5,7.5]

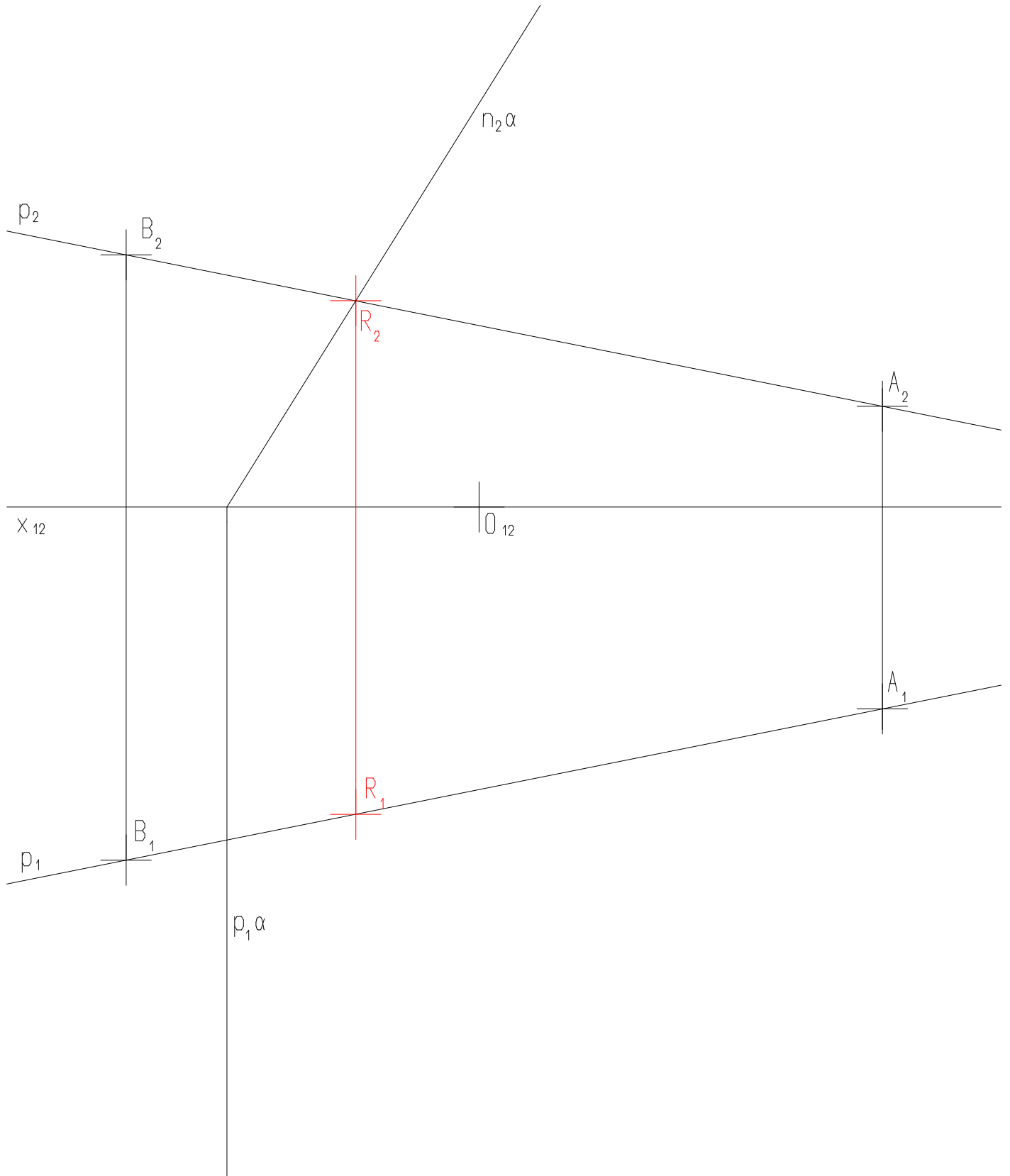
Zobrazte průsečík přímky $p = PQ$, $P[3,4,5]$, $Q[-4,2,4]$, a trojúhelníku ABC, $A[1,1,7]$, $B[-3,6,2]$, $C[0,6,1]$. Stanovte viditelnost v půdoryse a náryse.

A4 na výšku

1.) MP $O[10, 14]$

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8, 4, 2], B[7, 7, 5]$, s rovinou $\alpha(5, 0, 8)$.

Rovina je kolmá k nárysně, všechny body patřící rovině se v náryse zobrazí do nárysné stopy. Tj. kde nárys přímky protne nárys nárysné stopy roviny, bude nárys průsečíku R .

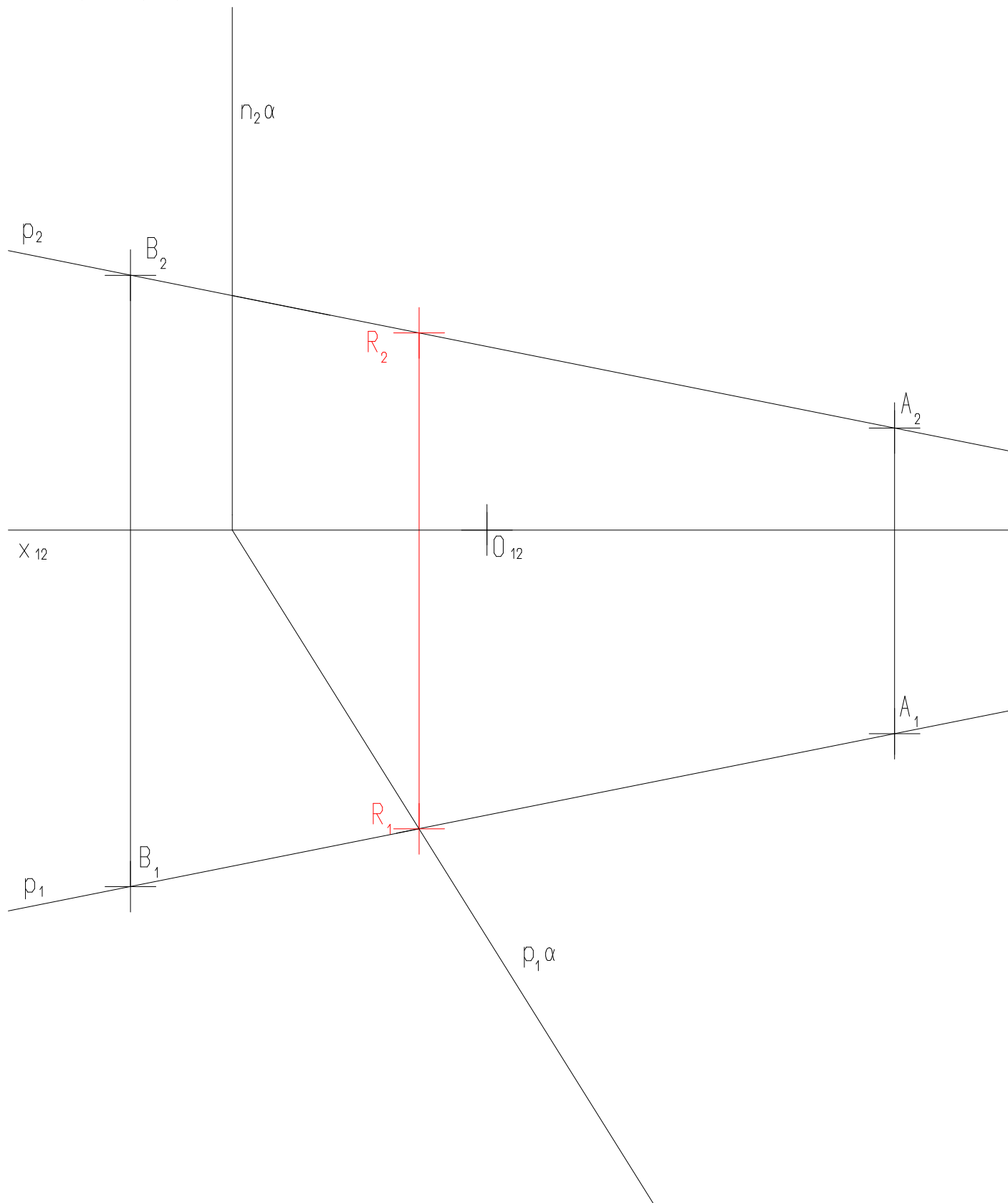


A4 na výšku

2.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,4,2]$, $B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,00)$.

Rovina je kolmá k půdorysně, všechny body patřící rovině se v půdoryse zobrazí do půdorysné stopy. Tj. kde půdorys přímky protne půdorys půdorysné stopy roviny, bude půdorys průsečíku R.

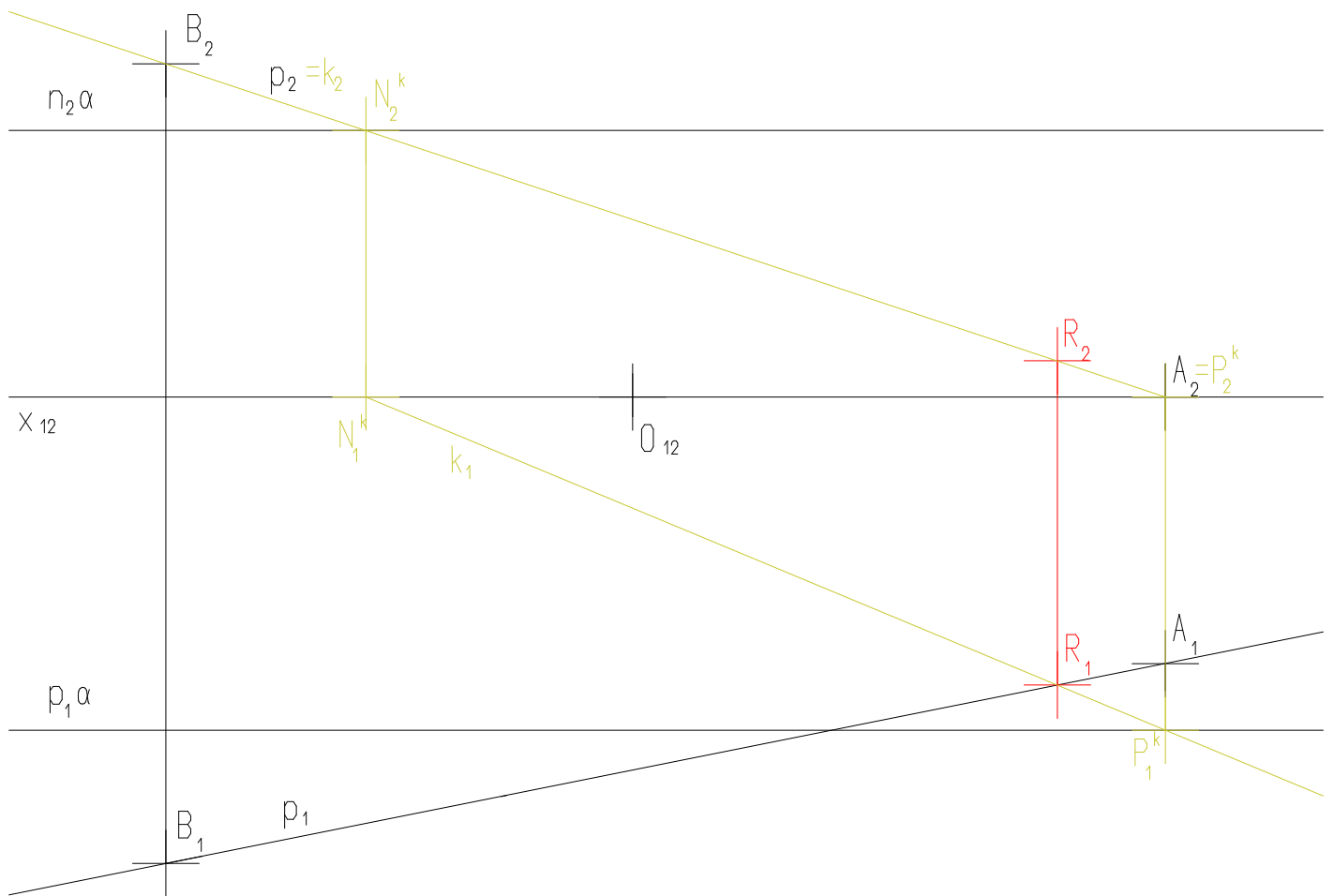


A4 na výšku

3.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB, A[-8,4,0], B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(00,5,4)$.

Využijeme nárys přímky p jako nárys krycí přímky k .
Krycí přímka k je přímka roviny α (nazýváme ji krycí, neboť se její nárys kryje s nárysem přímky p). Dourčíme tedy půdorys přímky k .
Protože se nárysy přímek p a k kryjí, jsou tyto přímky rovnoběžné nebo různoběžné. To poznáme z půdorysů. Zde se půdorysy protínají, p a k jsou různoběžné přímky a přímka p protíná rovinu α v průsečíku R přímek p a k .

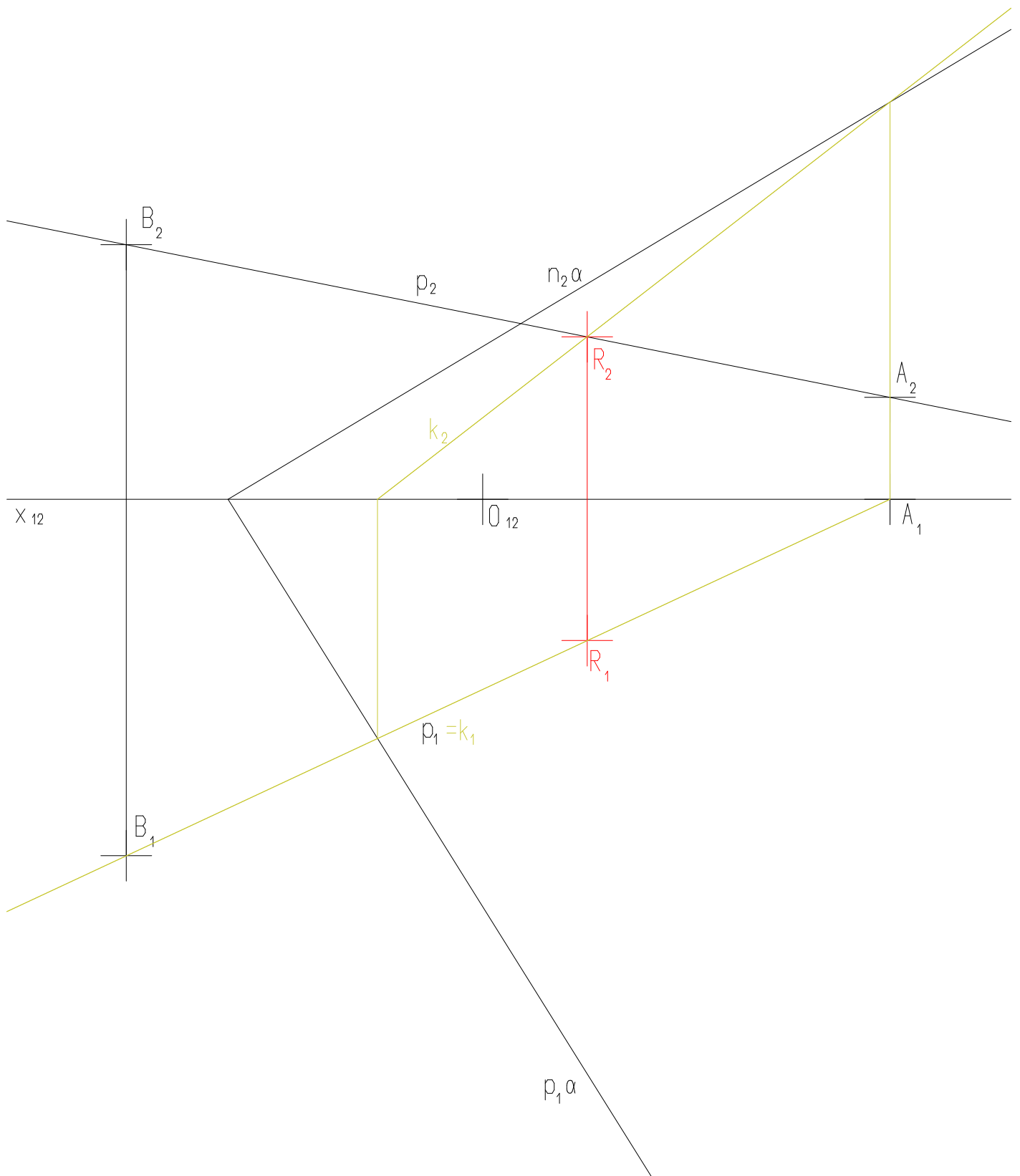


A4 na výšku

4.) MP $O[10, 14]$

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8, 0, 2]$, $B[7, 7, 5]$, s rovinou $\alpha(5, 8, 3)$.

Využijeme půdorys přímky p jako půdorys krycí přímky k .

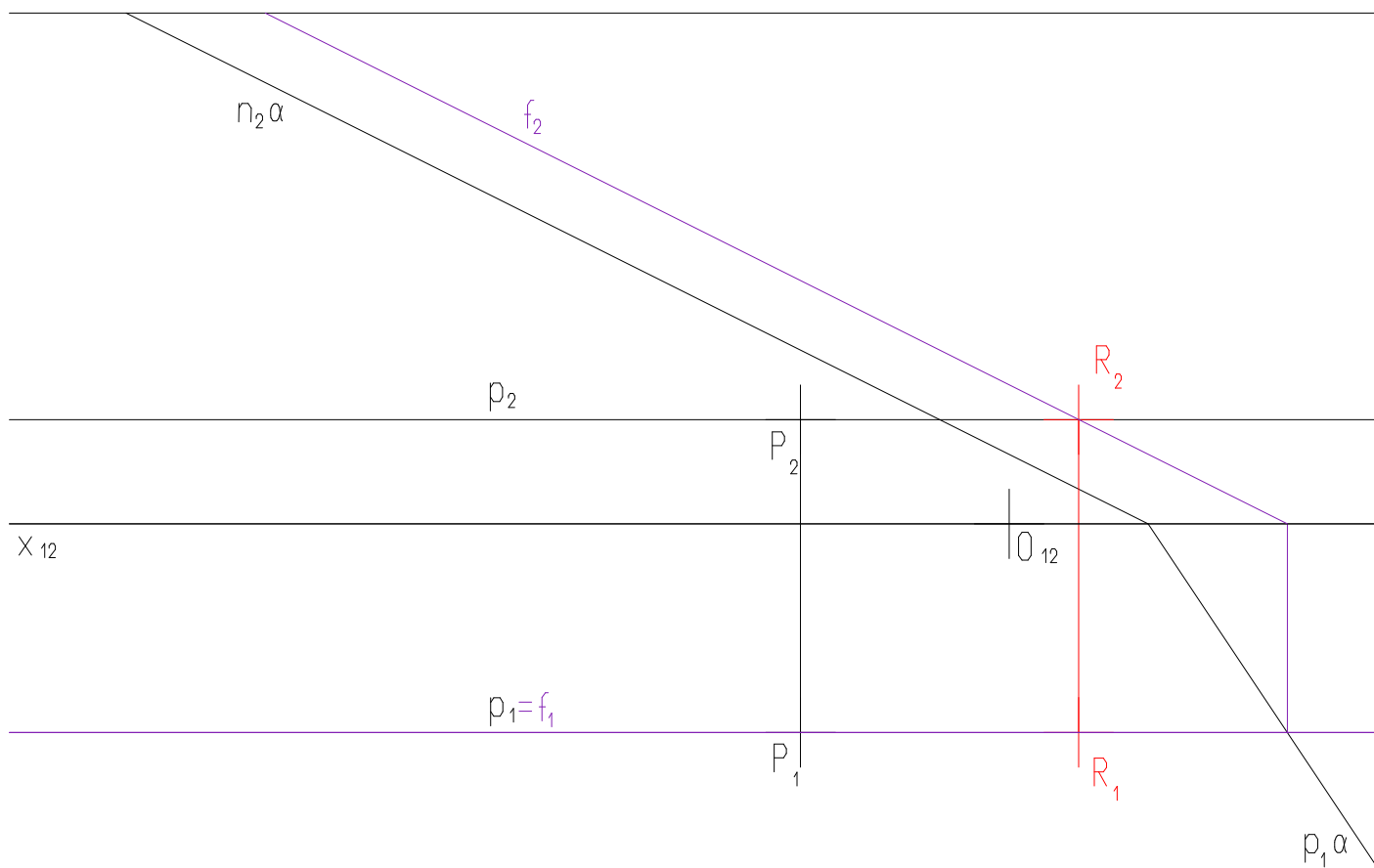


A5 na šířku

5.) MP 0[15,7,5]

Zobrazte průsečík přímky p (P náleží p , p je rovnoběžná s x) $P[3,3,1.5]$,
s rovinou $\alpha(-2,-3,1)$.

Využijeme půdorys přímky p jako půdorys krycí přímky f .
(Protože půdorys přímky f je přímka rovnoběžná s x ,
je přímka f hlavní frontální přímkou roviny α .)

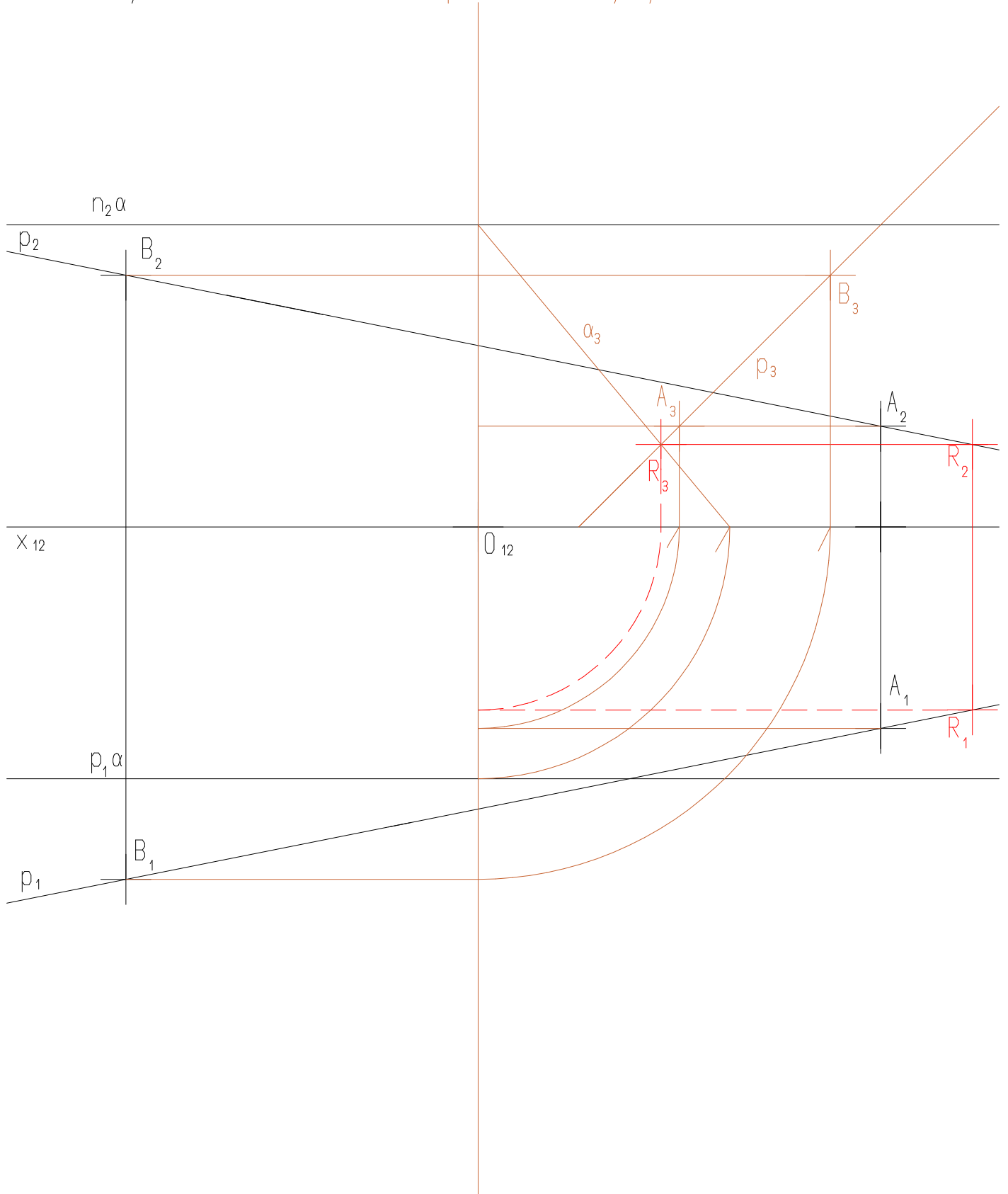


A4 na výšku

6.) MP $O[10, 14]$

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8, 4, 2]$, $B[7, 7, 5]$, s rovinou $\alpha(0, 0, 5, 6)$.

Opět můžeme využít krycí přímky, zkuste si to. Zde si ukážeme jiný způsob řešení. Rovina α je rovnoběžná s osou x . Jejím třetím průmětem je přímka. Úlohu tedy řešíme **otočením třetího průmětu do narysny**.



A4 na výšku

7.)MP 0[10,14]

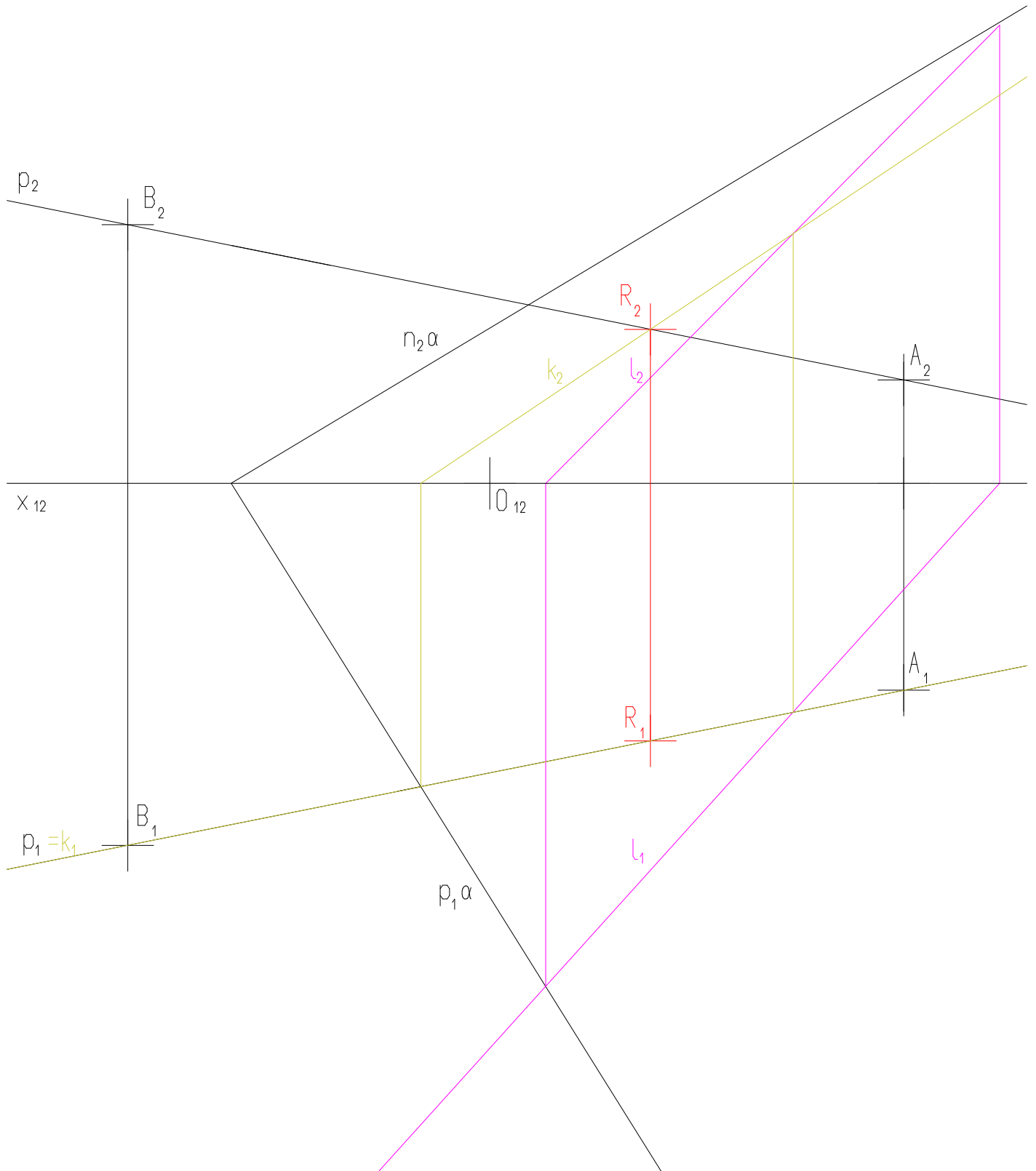
Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,4,2]$, $B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,3)$.

Využijeme půdorys přímky p jako půdorys krycí přímky k .

Pro dourčení k je vhodné použít libovolnou přímku náležící rovině α .

(Můžeme také použít nárys přímky p jako nárys krycí přímky.

Vyzkoušejte si, lze také použít pro kontrolu.)

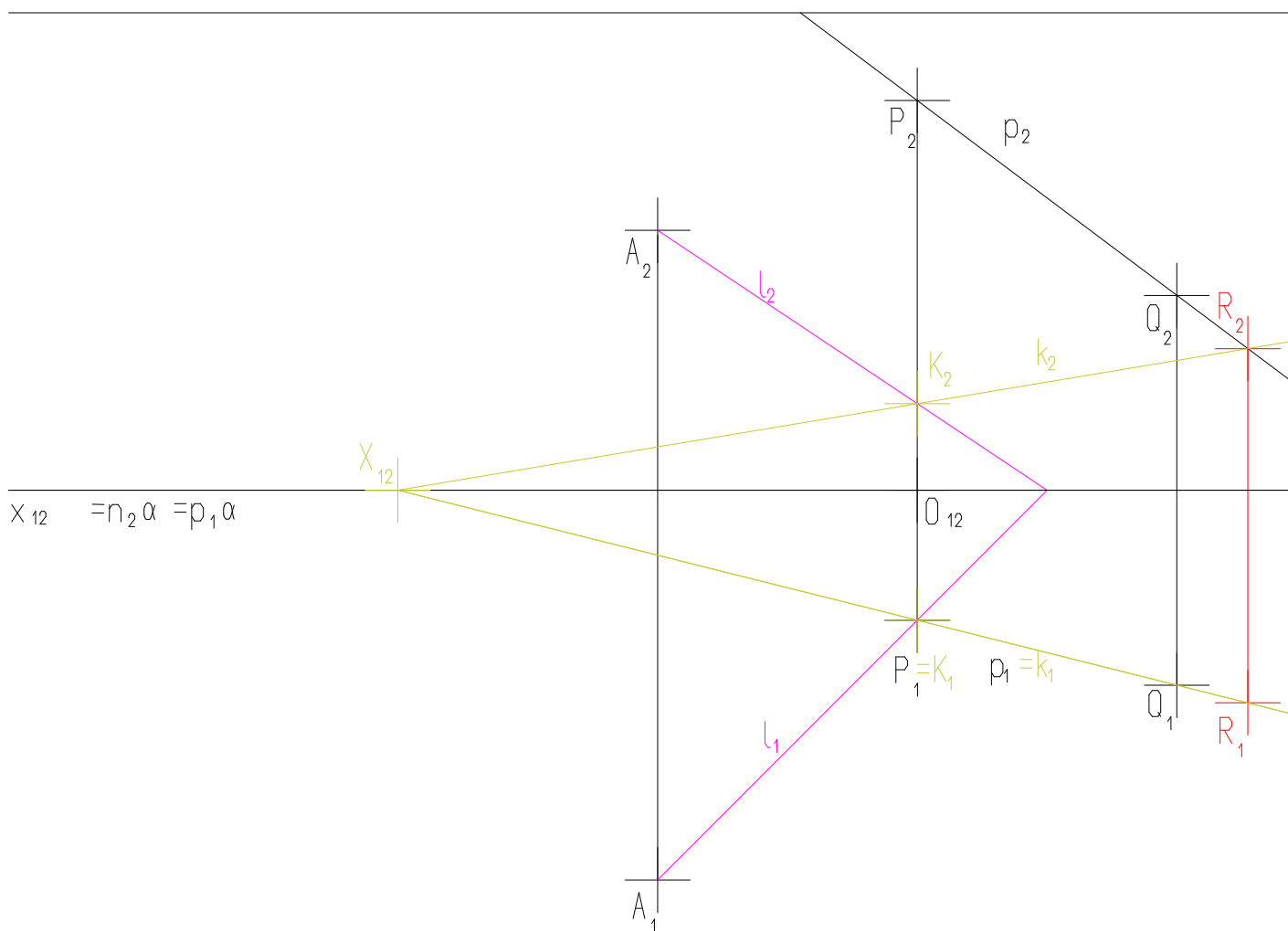


A5 na šířku

8.) MP 0[15,7.5]

Zobrazte průsečík přímky $p = PQ$, $P[0,2,6]$, $Q[-4,3,3]$,
s rovinou $\alpha(A,x)$, $A[4,6,4]$.

Využijeme půdorys přímky p jako půdorys krycí přímky k . Dourčíme nárys přímky k tak,
aby náležela rovině α . Průsečík přímky k a p je průsečík přímky p s rovinou α .
Pro dourčení nárysu přímky k využijeme stopník X na ose x a libovolnou přímlu $l = AK$
náležící rovině α .



A4 na výšku

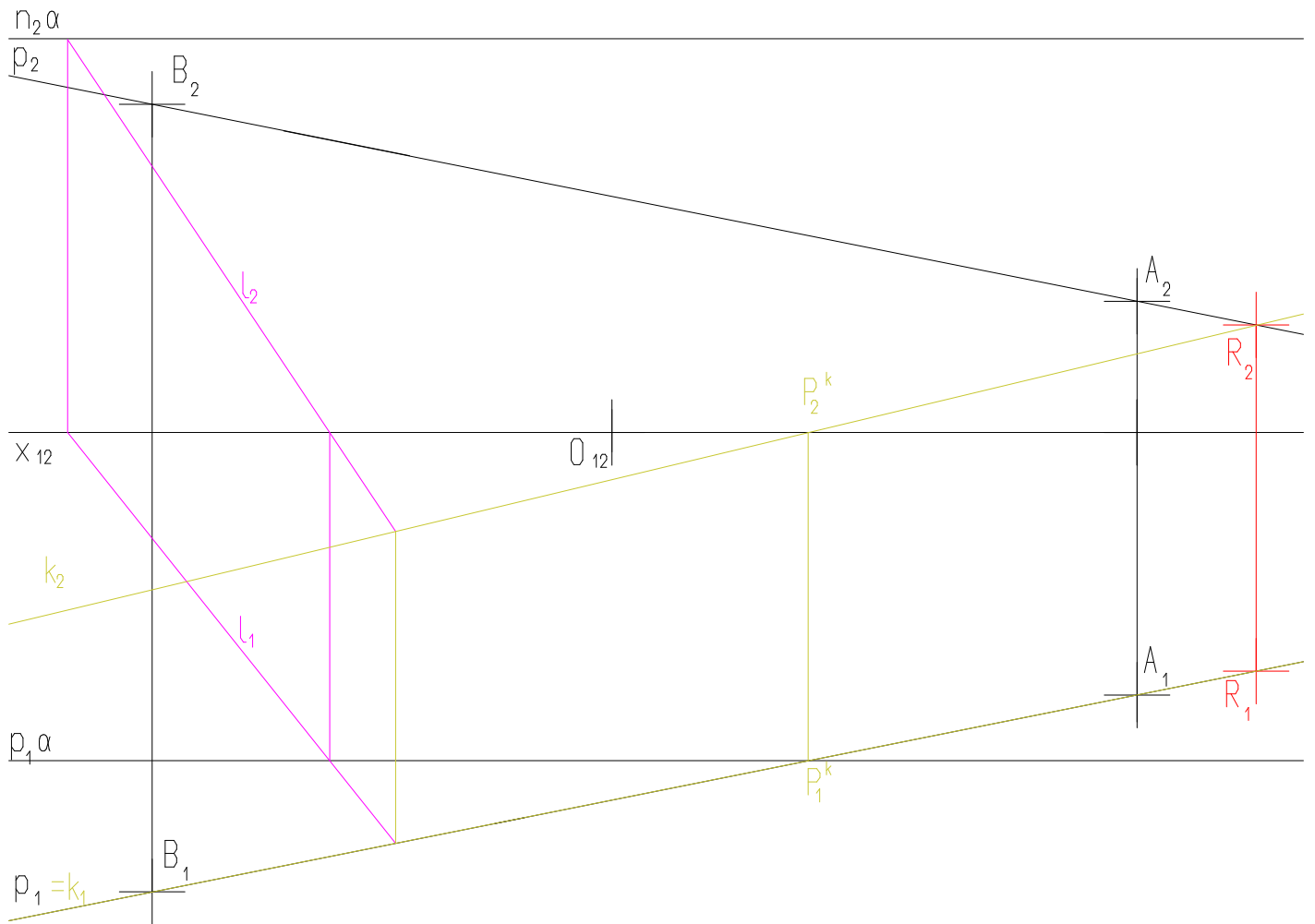
9.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,4,2]$, $B[7,7,5]$, s rovinou α (00,5,6).

Využijeme půdorys přímky p jako půdorys krycí přímky k .

K dourčení nárysu přímky k použijeme půdorysný stopník a libovolnou přímku l náležící rovině α .

Pro kontrolu zkuste použít nárys přímky p jako nárys krycí přímky, (To budete muset použít dvě libovolné přímky.)



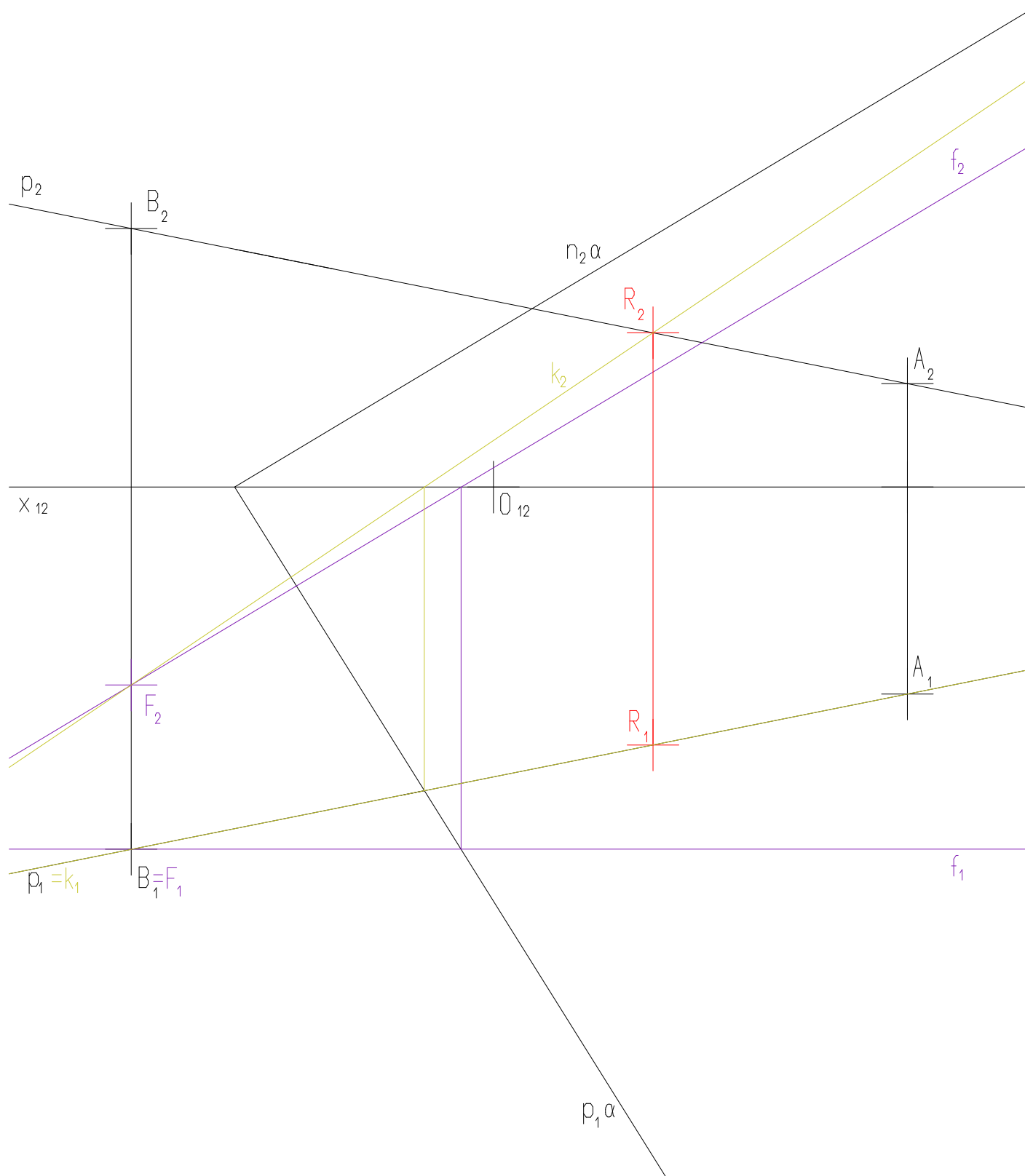
A4 na výšku

10.) MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-8,4,2]$, $B[7,7,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,3)$.

Využijeme půdorysu přímky p jako půdorysu krycí přímky k .

Pro dourčení přímky k jsme použili libovolnou frontální přímku f roviny α .

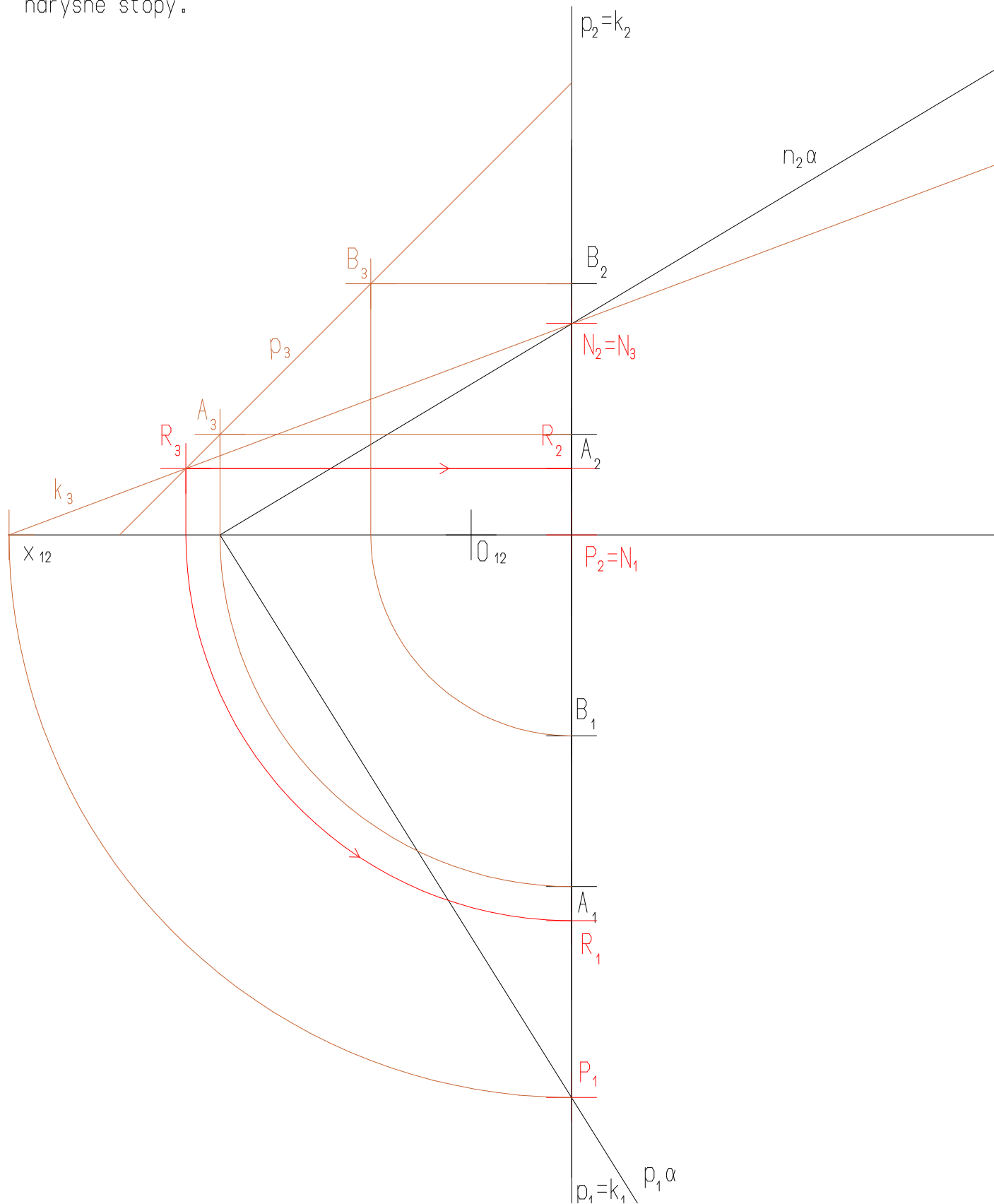


A4 na výšku

11. >MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-2,7,2]$, $B[-2,4,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,3)$

Využijeme půdorys přímky p jako půdorys krycí přímky k . Přímku k dourčíme pomocí stopníků P a N . Půdorysy a nárysy přímek p a k splývají, jejich vzájemnou polohu zjistíme užitím **třetí průmětny**. Zde třetí průmětna prochází bodem $[-2,0,0]$ a je kolmá k ose x . Tuto rovinu otočíme do nárysný kolem její nárysné stopy.



A4 na výšku

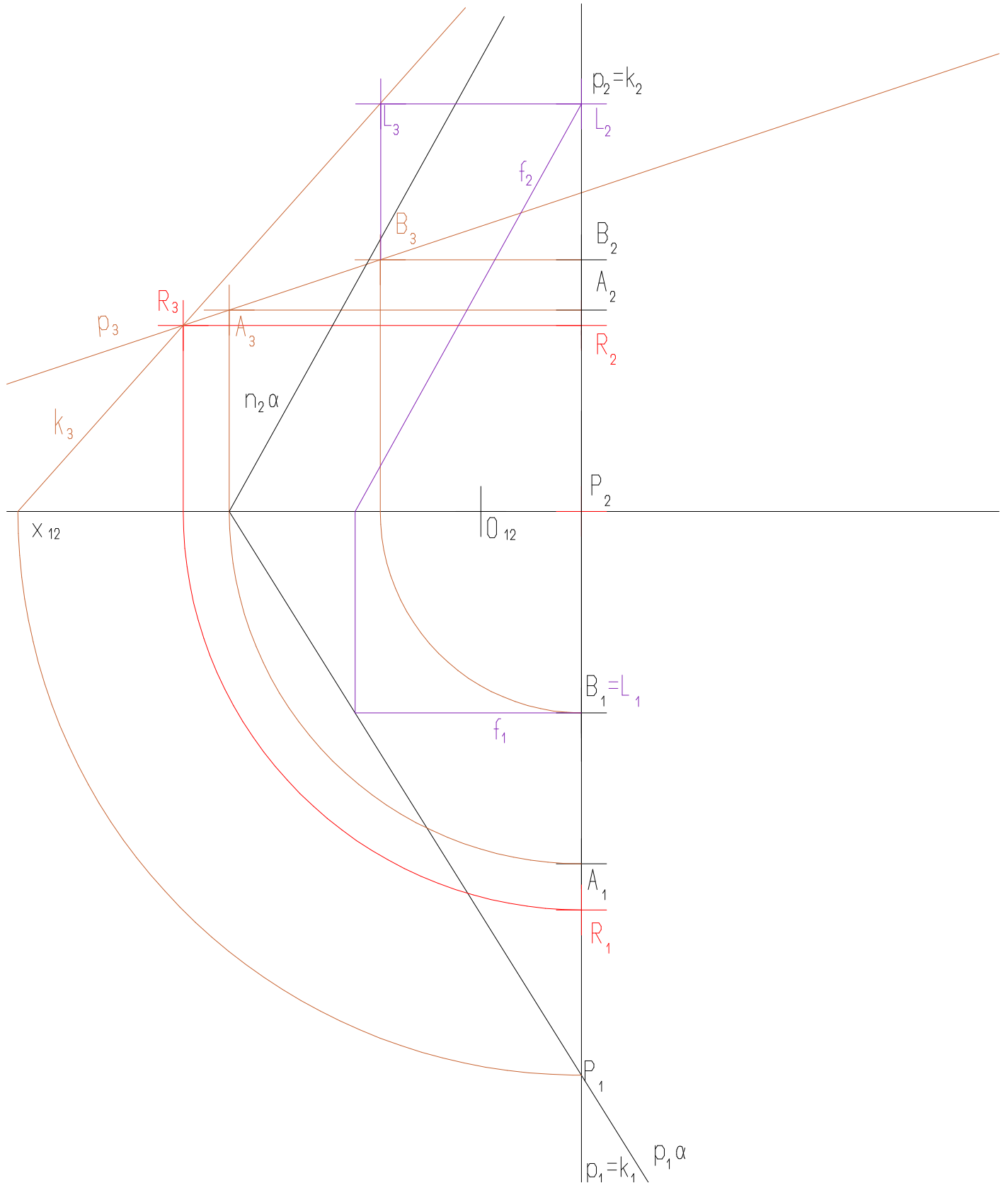
12.)MP 0[10,14]

Zobrazte průsečík přímky $p = AB$, $A[-2,7,4]$, $B[-2,4,5]$, s rovinou $\alpha(5,8,9)$

Využijeme půdorys přímky p jako půdorys krycí přímky k .

Přímku k dourčíme pomocí stopníku P a libovolného bodu L (L je bodem roviny α).

Půdorysy a narysy přímek p a k splývají, jejich vzájemnou polohu zjistíme užitím **třetí průmětny**.



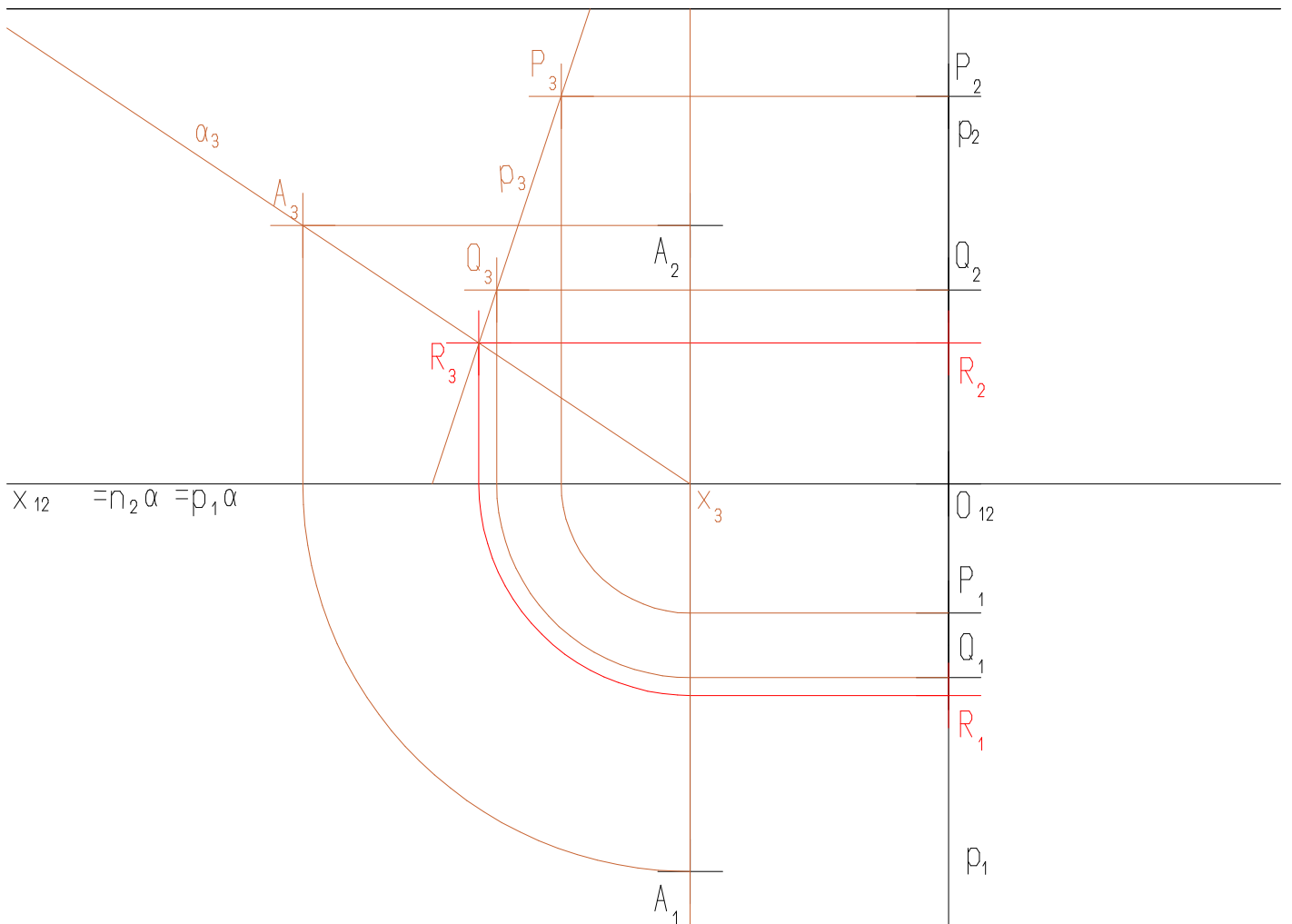
A5 na šířku

13.) MP 0[15,7.5]

Zobrazte průsečík přímky $p = PQ$, $P[0,2,6]$, $Q[0,3,3]$,
s rovinou $\alpha(A,x)$, $A[4,6,4]$.

Použijeme třetí průmětnu, která prochází bodem A a je kolmá k ose x
tuto rovinu otočíme do narysny.

Třetím průmětem roviny α je přímka, třetí průmět průsečíku R
je průsečík třetích průmětů roviny α a přímky p .

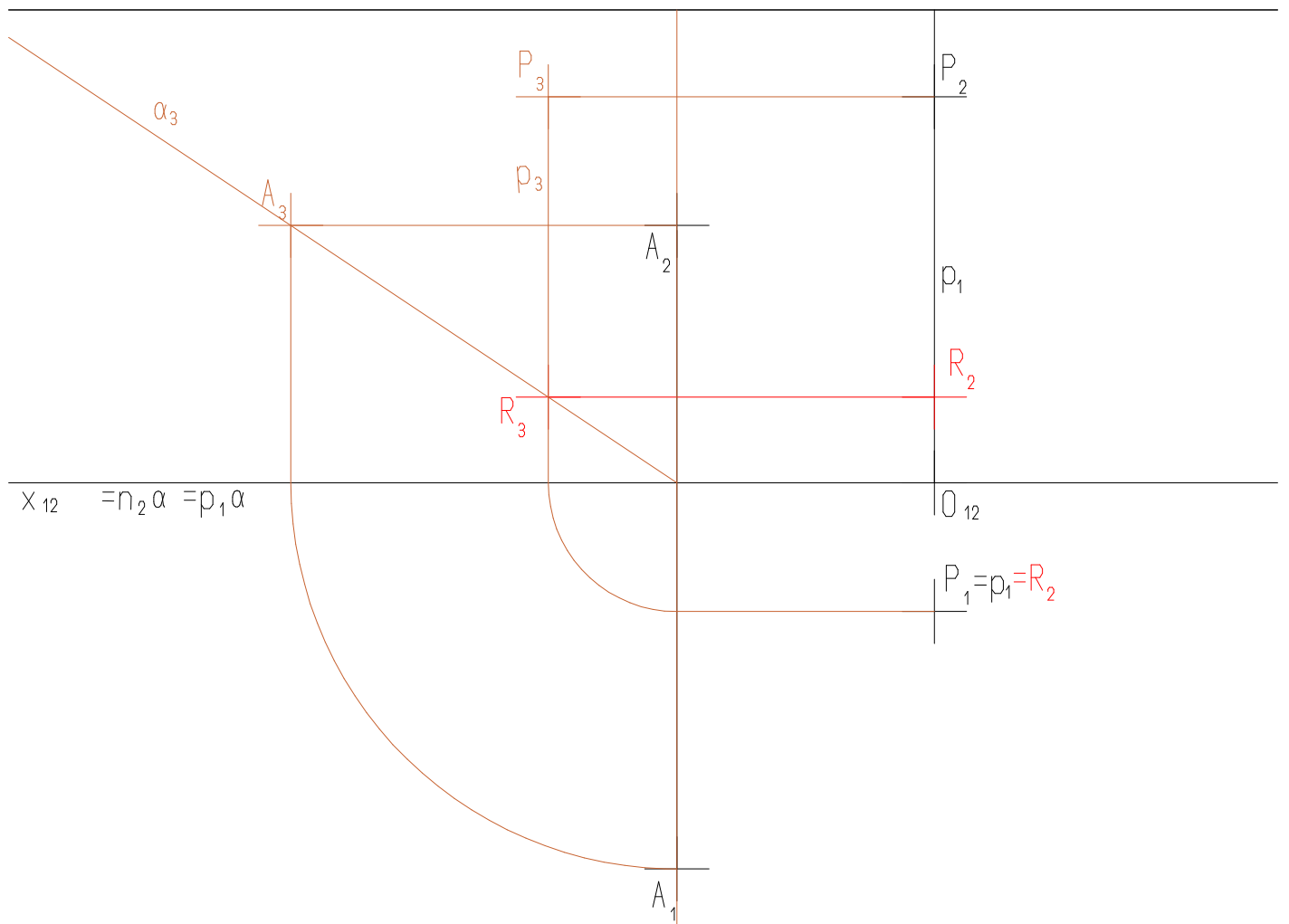


A5 na šířku

14.) MP $O[15,7,5]$

Zobrazte průsečík přímky p , P náleží p , p je kolmá k půdorysně, $P[0,2,6]$, s rovinou $\alpha(A,x)$, $A[4,6,4]$.

Přímka p je kolmá k půdorysně. Známe tedy půdorys průsečíku R .
Nárys průsečíku R můžeme dourčit pomocí **třetí průmětny**.

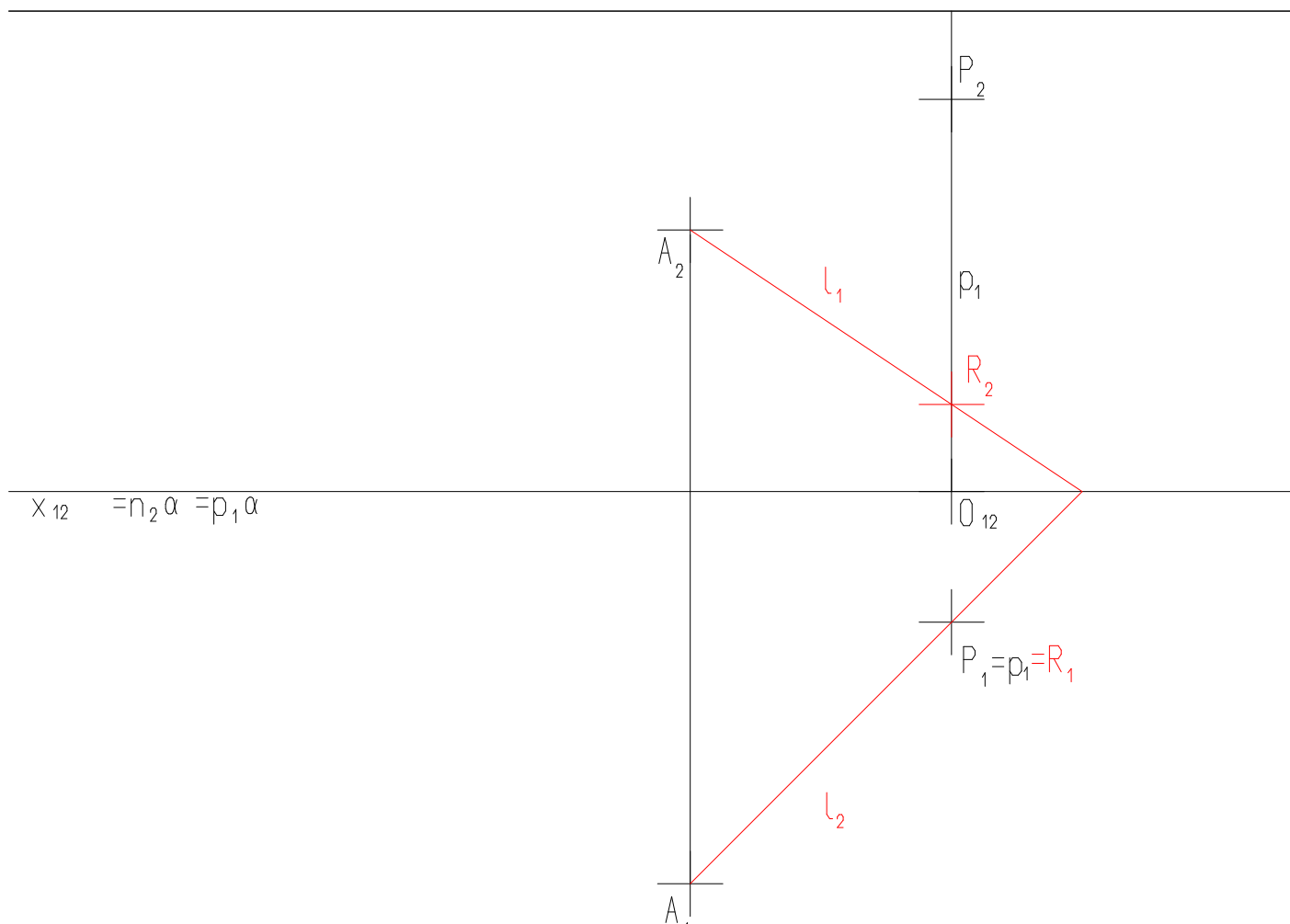


A5 na šířku

14.) MP 0 [15, 7, 5]

Zobrazte průsečík přímky p , P náleží p , p je kolmá k půdorysně, $P[0, 2, 6]$, s rovinou $\alpha(A, x)$, $A[4, 6, 4]$.

Přímka p je kolmá k půdorysně. Známe tedy půdorys průsečíku R .
Nárys bodu R dourčíme pomocí přímky l roviny α .

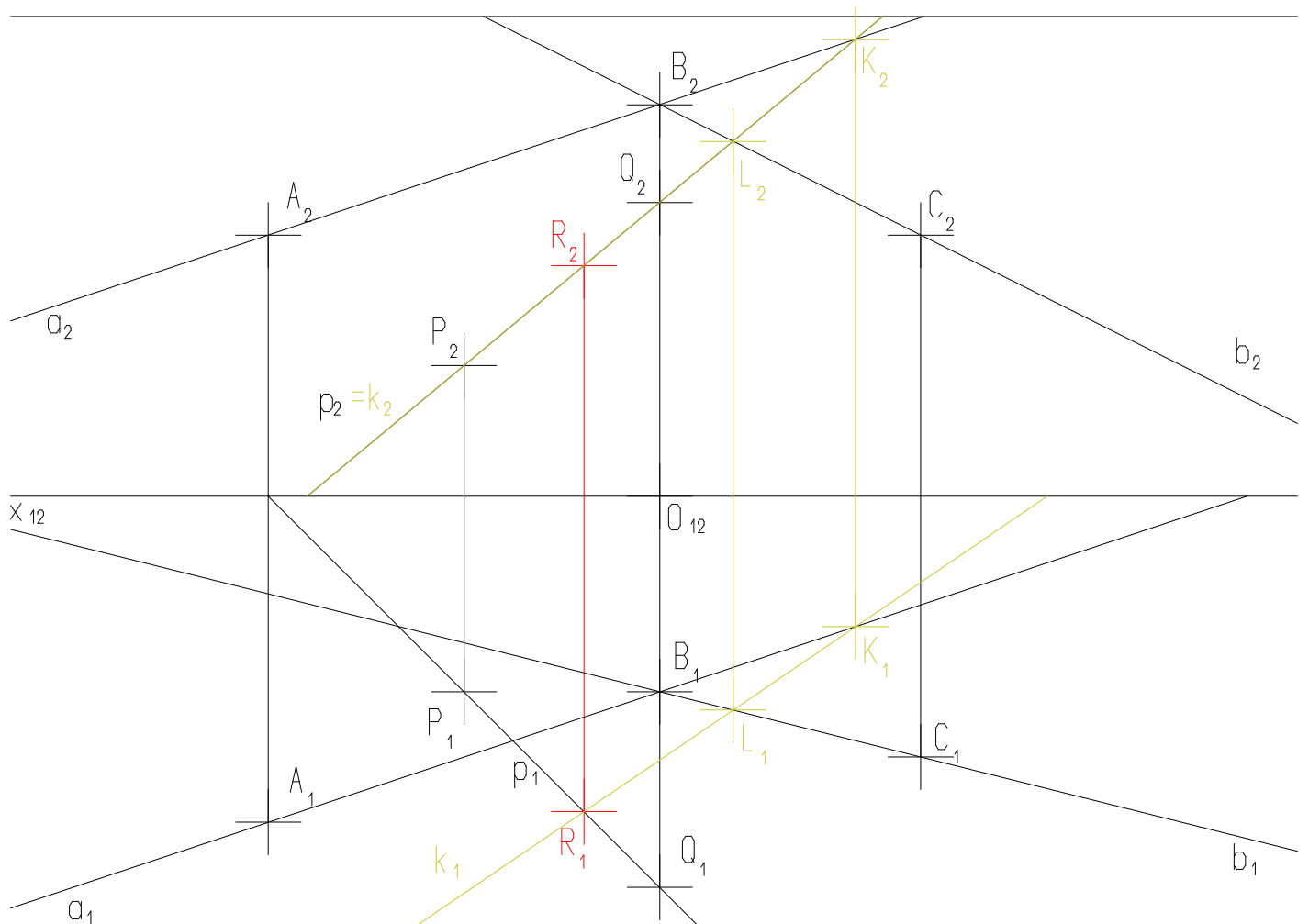


A5 na šířku

15.) MP 0[10.5,7.5]

Zobrazte průsečík přímky $p = PQ$, $P[3,3,2]$, $Q[0,6,4.5]$,
s rovinou $\alpha(a,b)$, $a = AB$, $b = BC$, $A[6,5,4]$, $B[0,3,6]$, $C[-4,4,4]$.

Použití nárysu přímky p jako nárysu krycí přímky k . Přímka k náleží rovině α .
2 přímky, které náleží jedné rovině, jsou různoběžné
- protínají se v jednom bodě, nebo rovnoběžné.
Tedy k může být s přímkami roviny různoběžná nebo rovnoběžná.
Zde $k=KL$, kde bod K je průsečík přímek k a a , bod L je průsečík přímek k a b .
(Pokud jsou přímky roviny různoběžné a průsečík je mimo papír,
lze použít opět libovolnou přímku.)



A5 na šířku

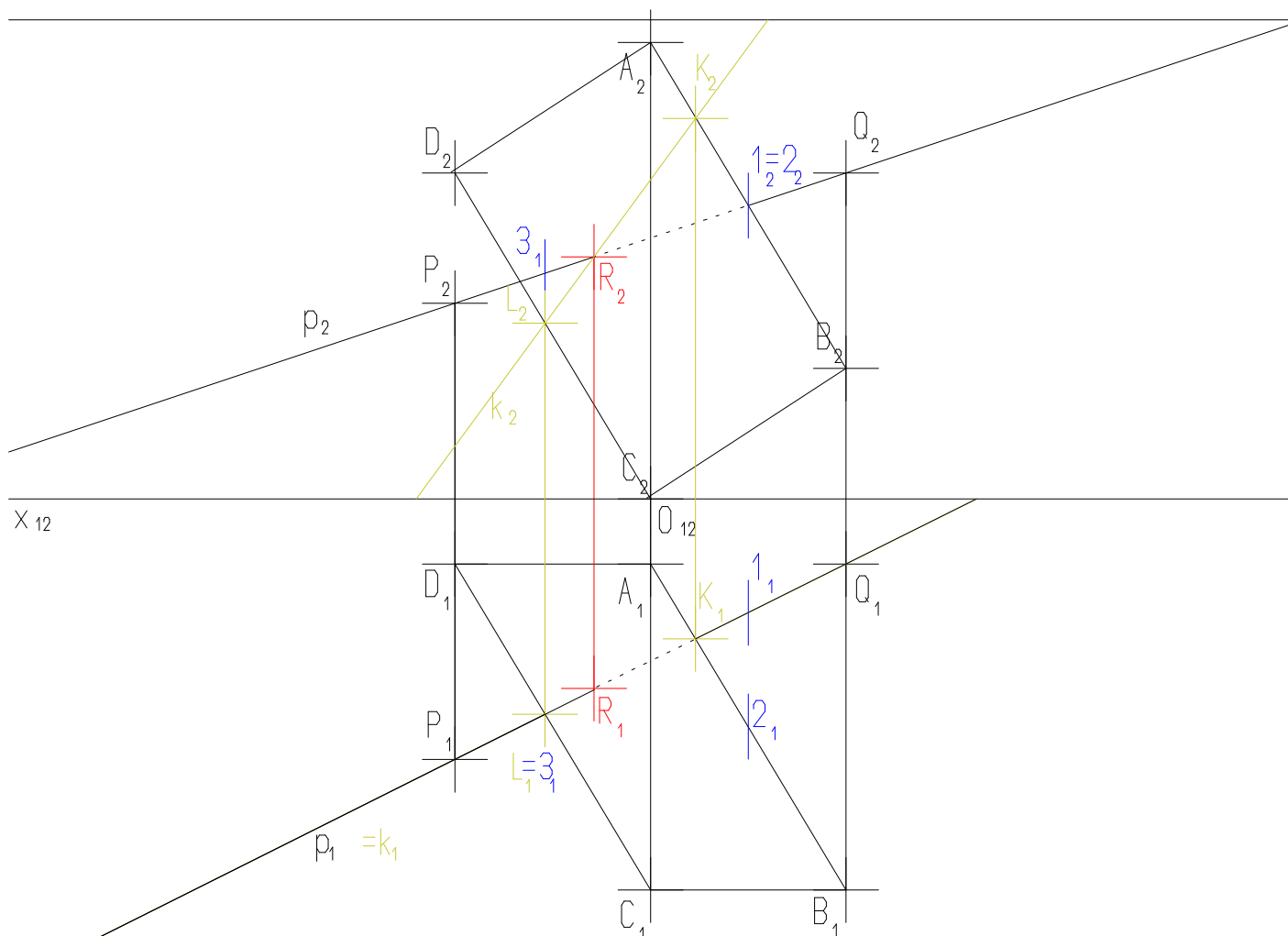
16.) MP 0[10.5,7.5]

Zobrazte průsečík přímky $p = PQ$, $P[3,4,3]$, $Q[-3,1,5]$,
a rovnoběžníka ABCD, $A[0,1,7]$, $B[-3,6,2]$, $C[0,6,0]$.
Stanovte viditelnost v půdoryse a náryse.

Použití půdorysu přímky p jako **krycí přímky** k .
Přímka k leží v rovině rovnoběžníka, přímky k a AB jsou různoběžné (průsečík K), přímky k a CD jsou různoběžné (průsečík L).
Společný bod přímek p a k je hledaný průsečík R .

O viditelnosti v náryse rozhodujeme pomocí půdorysu. V náryse vybereme některý z průsečíků nárysu přímky p a nárysu stran rovnoběžníka, zde jsme vybrali nárys bodu 1 přímky p a nárys bodu 2 přímky AB . Vidíme ten bod, který je nám "blíže", to rozhodneme podle půdorysů bodů 1 a 2. Bod 2 přímky AB má větší y -ovou souřadnici než bod 1 přímky p . V náryse vidíme bod 2 přímky AB , bod 1 přímky p je "za bodem 2".

Analogicky postupujeme při určování viditelnosti v půdoryse. Zde jsme rozhodli podle bodu L přímky CD a bodu 3 přímky p . Vidíme ten bod, který je "výš", zde bod 3 přímky p .



A5 na šířku

17.)MP 0[10.5,7.5]

Zobrazte průsečík přímky $p \equiv PQ$, $P[3,4,5]$, $Q[-4,2,4]$,
a trojúhelníku ABC , $A[1,1,7]$, $B[-3,6,2]$, $C[0,6,1]$.
Stanovte viditelnost v půdoryse a náryse.

Použití půdorysu přímky p jako krycí přímky k . Dourčíme krycí přímku k
s využitím průsečíků K , L .
Stanovíme viditelnost (podrobně popsáno v příkladě 16).

